

METODI E TECNICHE DELLA RICERCA IN PSICOLOGIA CLINICA E LABORATORIO

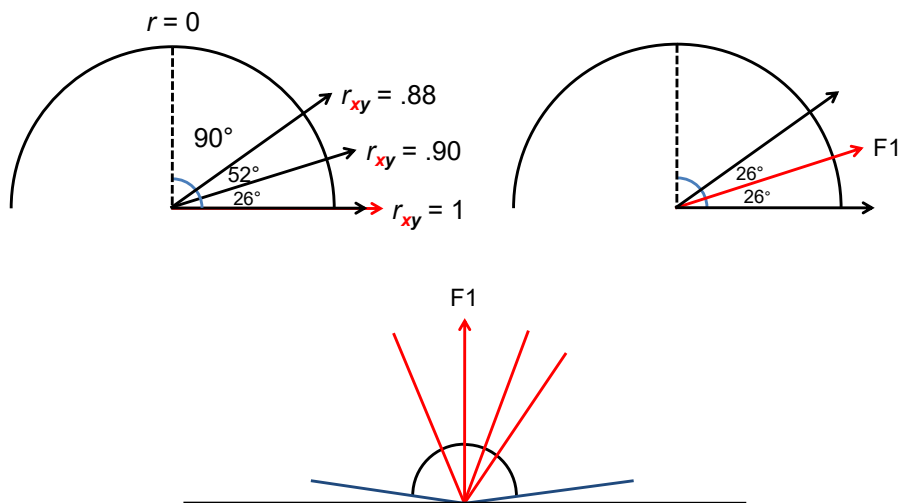
AA 2020/2021

PROF. V.P. SENESE

http://psiclab.altervista.org/MetTecPsicClinica2021/2020_2021.html

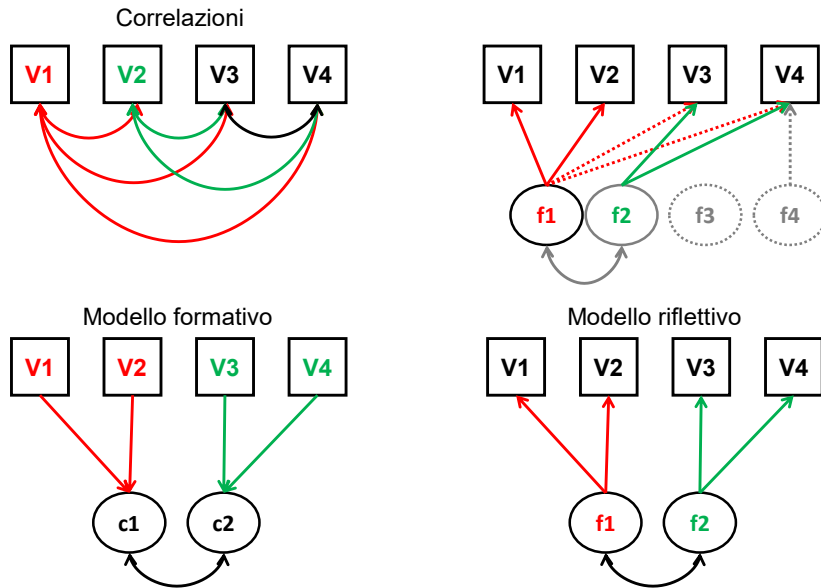
Università della Campania «Luigi Vanvitelli» (UCLV) – Dipartimento di Psicologia – METODI E TECNICHE DELLA RICERCA IN PSICOLOGIA CLINICA – Prof. V.P. Senese

ANALISI FATTORIALE



Dancey & Reidy, 2007

ANALISI FATTORIALE



ANALISI FATTORIALE

$$r_{xy} = \frac{COV_{xy}}{ds_x \times ds_y}$$

<i>var-cov</i>	x1	x2	x3	x4	x5	x6
x1	0.81	0.81	0.82	0.67	1.14	0.39
x2	0.81	1.72	0.77	0.50	1.42	0.16
x3	0.82	0.77	1.91	1.03	1.60	0.62
x4	0.67	0.50	1.03	9.39	10.10	8.27
x5	1.14	1.42	1.60	10.10	23.13	8.06
x6	0.39	0.16	0.62	8.27	8.06	15.54

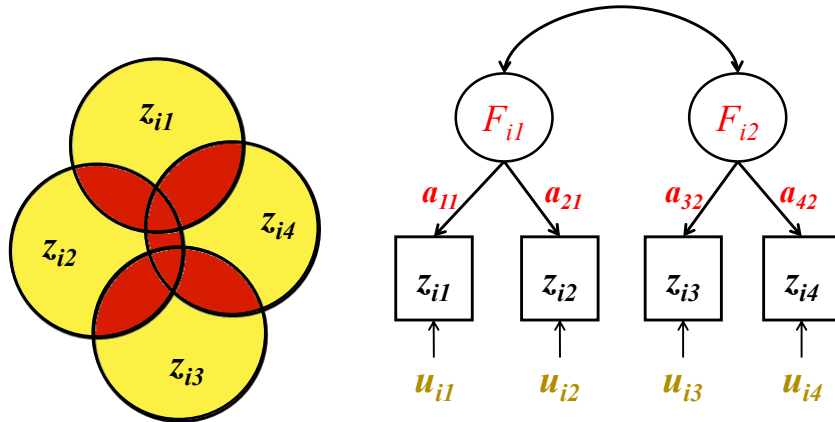
$$r_{xy} = \frac{.81}{.9 \times 1.3115} = .68$$

$$ds_x = \sqrt{.81} = .9$$

$$ds_y = \sqrt{1.72} = 1.3115$$

<i>corr</i>	x1	x2	x3	x4	x5	x6
x1	1.00	0.68	0.66	0.24	0.26	0.11
x2	0.68	1.00	0.43	0.13	0.23	0.03
x3	0.66	0.43	1.00	0.24	0.24	0.11
x4	0.24	0.13	0.24	1.00	0.69	0.68
x5	0.26	0.23	0.24	0.69	1.00	0.42
x6	0.11	0.03	0.11	0.68	0.42	1.00

ANALISI FATTORIALE



$$z_{ik} = F_{i1}a_{k1} + F_{i2}a_{k2} + \dots + F_{im}a_{km} + u_{ik}$$

F_{il} = punteggio **fattoriale**

a_{kl} = saturazione

u_{ik} = punteggio **unico** o **fattore unico**

ANALISI FATTORIALE

n = soggetti

m = fattori

k = variabili

$$z_{ik} = F_{i1}a_{k1} + F_{i2}a_{k2} + \dots + F_{im}a_{km} + u_{ik}$$

$$\begin{vmatrix} z_{11} & z_{12} & z_{1k} \\ z_{21} & z_{21} & z_{2k} \\ z_{31} & z_{31} & z_{nk} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} F_{11} & F_{12} & F_{1m} \\ F_{21} & F_{21} & F_{2m} \\ F_{31} & F_{31} & F_{nm} \end{vmatrix} \cdot \begin{vmatrix} a_{11} & a_{21} & a_{k1} \\ a_{12} & a_{22} & a_{k2} \\ a_{13} & a_{23} & a_{km} \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} u_{11} & u_{12} & u_{1k} \\ u_{21} & u_{21} & u_{2k} \\ u_{31} & u_{31} & u_{nk} \end{vmatrix}$$

$$Z = FA' + U$$

F_{il} = punteggio fattoriale

a_{kl} = saturazione

u_{ik} = **unicità**

ANALISI FATTORIALE

$$Var.Totale = Var.Comune + Var.Unica$$

$$Var.Totale = h^2 + u^2$$

Comunalità Unicità

The diagram shows the equation $Var.Totale = h^2 + u^2$ with two blue arrows pointing downwards from the terms h^2 and u^2 . The arrow from h^2 points to the word 'Comunalità' and the arrow from u^2 points to the word 'Unicità'.

ASSUNTI ANALISI FATTORIALE

- I **fattori unici** non correlano con i fattori comuni, cioè la $Cov(u_i, F_j) = 0$, per ogni i e per ogni j ;
- i **fattori unici** sono ortogonali, non correlano tra loro, cioè la $Cov(u_i, u_j) = 0$, per ogni i e per ogni j ;
- i **fattori comuni** possono essere correlati tra loro, se indichiamo con la lettera Φ (f_i) la matrice di correlazione abbiamo che se i fattori sono indipendenti o ortogonali $\Phi = I$.

ANALISI FATTORIALE

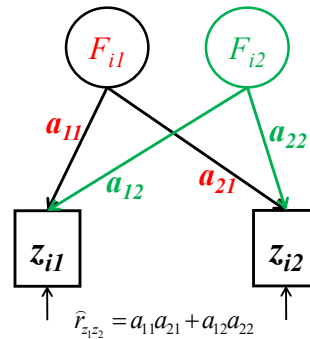
$$z_{ik} = F_{i1}a_{k1} + F_{i2}a_{k2} + \dots + F_{im}a_{km} + u_{ik}$$

$$R = AA' + U^2$$

Equazione fondamentale dell'AF
(derivabile in base agli assunti)

$$\hat{R} = AA'$$

$$R - \hat{R} = fit$$



ANALISI FATTORIALE

L'analisi **fattoriale** è un metodo statistico sviluppato da Spearman (1904). In generale può essere definita come quella tecnica che consente di esprimere le variazioni di un certo numero di variabili k utilizzando un numero inferiore di **dimensioni** o **costrutti** non osservabili (o latenti) chiamati **fattori** ($f < k$). In generale si parte da una matrice di **correlazioni o di covarianza tra le variabili osservate** e si arriva a (1) una matrice di **correlazioni tra le variabili osservate e i fattori** (**matrice delle saturazioni**) e (2) una matrice di **correlazione o covarianza tra i fattori** (**varianza-covarianza**).

	V1	V2	V3	V4
V1	1	.32	.25	.68
V2	.32	1	.45	.41
V3	.25	.45	1	.64
V4	.68	.41	.64	1

	F1	F2
F1	1	.02
F2	.02	1

	F1	F2
V1	.84	.12
V2	.62	.01
V3	.05	.75
V4	.08	.61

ANALISI FATTORIALE

Passi da seguire per effettuare un'analisi fattoriale:

- (1) calcolare la matrice delle **correlazioni**;
- (2) **estrarre** i fattori;
- (3) definire il **numero** di fattori da mantenere;
- (4) calcolare la matrice delle **saturazioni**;
- (5) **rotazione** della soluzione fattoriale;
- (6) **interpretazione** dei fattori;
- (7) calcolo dei **punteggi** fattoriali.

ANALISI FATTORIALE

L'**analisi fattoriale** si distingue in:

- **Analisi Fattoriale Esplorativa (AFE o FA)**: quando non si conosce il numero di fattori da estrarre e ciascun indicatore può essere associato a ciascun fattore.
- **Analisi Fattoriale Confermativa (AFC o CFA)**: quando viene definita *a priori* una struttura di fattori latenti e di relazioni tra fattori e indicatori e la si sottopone a verifica.

Nell'**analisi fattoriale** si distingue tra:

- **Componenti**: i fattori sono derivabili direttamente dai dati (in questo caso la soluzione è unica). **Modello formativo**.
- **Fattori**: i fattori sono teorici e vengono stimati a partire da i dati (per questo le soluzioni sono infinite). **Modello riflettivo**.

ANALISI COMPONENTI PRINCIPALI (ACP o PCA)

Una **componente principale** è una combinazione lineare di variabili espressa dalla seguente equazione:

$$C_i = b_{i1}z_1 + b_{i2}z_2 + b_{i3}z_3 + \dots + b_{ij}z_j$$

in cui ogni parametro b_{ij} rappresenta il **peso** che la variabile x_i , standardizzata (z_i), ha nel determinare la componente stessa.

ANALISI COMPONENTI PRINCIPALI

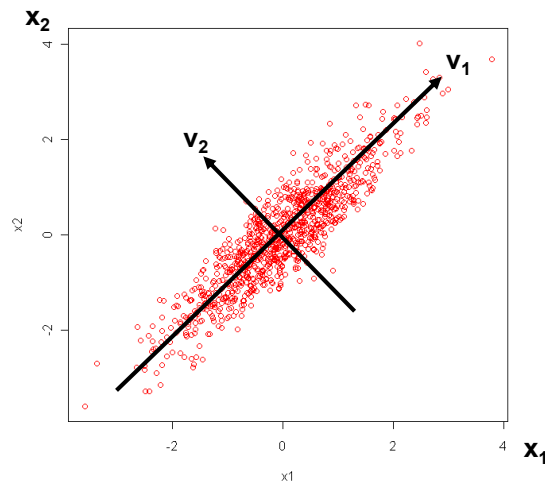
Obiettivo dell'**ACP** è riuscire a ricavare la matrice delle **saturationi** (A) utile a riprodurre la matrice delle **correlazioni** (R) utilizzando un numero di componenti inferiore al numero delle variabili (k).

Tale risultato viene ottenuto – matematicamente – attraverso l'individuazione di alcuni elementi che caratterizzano le matrici di correlazione, in grado di sintetizzare la varianza e la correlazione tra gli elementi:

1. le radici caratteristiche o **autovalori** (L);
2. i vettori associati o **autovettori** (V).

$$R = VLV'$$

ANALISI COMPONENTI PRINCIPALI



ANALISI COMPONENTI PRINCIPALI

Gli **autovalori** (L) di una matrice di correlazione forniscono importanti informazioni sulla varianza delle variabili originali:

- per ogni componente, l'**autovalore** diviso il numero di variabili è uguale alla **proporzione (%)** di varianza spiegata dalla componente;
- per ogni componente, la somma delle saturazioni elevate al quadrato (colonna) è uguale all'**autovalore**, mentre la somma delle saturazioni al quadrato per variabile (riga) è uguale alla **comunalità** della variabile (h^2);
- la somma degli **autovalori** è uguale alla somma delle varianze standardizzate delle variabili.

$$R = \begin{bmatrix} 1 & .884 & .617 & .920 \\ .884 & 1 & .720 & .861 \\ .617 & .720 & 1 & .693 \\ .920 & .861 & .693 & 1 \end{bmatrix} \quad \leftarrow \text{Matrice delle correlazioni}$$

$$\sum r_{i1} = 3.421; \sum r_{i2} = 3.465, \dots \quad \leftarrow \text{Calcolo del vettore di prova (Ua1): somma per colonna.}$$

$$\sqrt{\sum 3.421^2 + 3.465^2 + 3.030^2 + 3.475^2} = 6.706 \quad \leftarrow \text{Calcolo 1° autovalore di prova.}$$

$$\frac{3.421}{6.706} = .510; \frac{3.465}{6.706} = .517; \frac{3.030}{6.706} = .452; \frac{3.475}{6.706} = .518 \quad \leftarrow \text{Normalizzo il vettore di prova (Ua1): Va1.}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & .884 & .617 & .920 \\ .884 & 1 & .720 & .861 \\ .617 & .720 & 1 & .693 \\ .920 & .861 & .693 & 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} .510 \\ .517 \\ .452 \\ .518 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1.723 \\ 1.739 \\ 1.498 \\ 1.746 \end{bmatrix} \quad \leftarrow \text{Calcolo del vettore di prova (Ua2): prodotto di R e Va1.}$$

$$(1 \times .510) + (.884 \times .517) + (.617 \times .452) + (.920 \times .518) = 1.723$$

...

$$\sqrt{\sum 1.723^2 + 1.739^2 + 1.498^2 + 1.746^2} = 3.359 \quad \leftarrow \text{Calcolo il 2° autovalore di prova.}$$

$$\frac{1.723}{3.359} = .513; \frac{1.739}{3.359} = .518; \frac{1.498}{3.359} = .446; \frac{1.746}{3.359} = .520 \quad \leftarrow \text{Normalizzo il vettore di prova (Ua2): Va2.}$$

Da confrontare con Va1.

$$\begin{bmatrix} 1 & .884 & .617 & .920 \\ .884 & 1 & .720 & .861 \\ .617 & .720 & 1 & .693 \\ .920 & .861 & .693 & 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} .513 \\ .518 \\ .446 \\ .520 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1.725 \\ 1.740 \\ 1.496 \\ 1.747 \end{bmatrix} \quad \leftarrow \text{Calcolo del vettore di prova (Ua3): prodotto di R e Va2.}$$

$$(1 \times .513) + (.884 \times .518) + (.617 \times .446) + (.920 \times .520) = 1.725$$

...

.510
.517
.452
.518

$$\sqrt{\sum 1.724^2 + 1.740^2 + 1.496^2 + 1.747^2} = 3.360 \leftarrow \text{Calcolo il 3° autovalore di prova.}$$

$$\frac{1.724}{3.360} = .513, \frac{1.740}{3.360} = .518, \frac{1.496}{3.360} = .445, \frac{1.747}{3.360} = .520 \leftarrow \text{Normalizzo il vettore di prova (Ua3): Va3. Da confrontare con Va2.}$$

Va1	Va2	Va3	Va4
.510	.513	.513	.513
.517	.518	.518	.518
.452	.446	.445	.445
.518	.520	.520	.520

$\xrightarrow{\text{stop}}$

$$A = \begin{bmatrix} .513 \\ .518 \\ .445 \\ .520 \end{bmatrix} \times \sqrt{3.360} = \begin{bmatrix} .940 \\ .949 \\ .816 \\ .953 \end{bmatrix} \leftarrow \text{Calcolo le saturazioni fattoriali.}$$

$$\hat{R} = \begin{bmatrix} .884 & .839 & .767 & .896 \\ .839 & .902 & .775 & .905 \\ .767 & .775 & .665 & .778 \\ .896 & .905 & .778 & .909 \end{bmatrix} \leftarrow \text{Calcolo la matrice delle correlazioni residua. Moltiplicando le saturazioni relative a ciascuna coppia di variabili.}$$

$$\sum \hat{r}_{il} = \leftarrow \text{Inizio la procedura per l'estrazione della 2° componente ortogonale.}$$

ANALISI FATTORIALE

L'analisi delle componenti principali (**ACP**) consente di **stimare** la matrice delle saturazioni. Tuttavia, nell'estrazione delle **CP** viene presa in considerazione sia la varianza comune (covarianza) sia la varianza unica. Per questo sono state proposte diverse tecniche di analisi fattoriale (**AF**), o di "**estrazione**", che cercano di prendere in considerazione esclusivamente la covarianza (**comunalità**) tra le variabili separandola dalla parte unica (**unicità**). La differenza tra le tecniche di **AF** riguarda la procedura adottata e l'obiettivo dell'analisi. Le principali sono:

- (•) **analisi dei fattori principali** o *principal axis factoring* (**PAF**);
- (•) **minimi quadrati** o *minimum residual* (**MR**)
- (•) **massima verosimiglianza** o *maximum likelihood* (**ML**)

PRINCIPAL AXIS FACTORING (**PAF**)

La **PAF** è un metodo di estrazione dei fattori che da un punto di vista matematico risulta estremamente simile all'analisi delle CP. La principale differenza è che nella **PAF** non si utilizza la matrice delle correlazioni completa, ma quella ridotta (\mathbf{R}_h). Vale a dire una matrice che nella diagonale principale presenta delle **stime della comunalità** (indeterminatezza). In questo modo si analizza esclusivamente la varianza dei fattori comuni.

	x1	x2	x3	x4	x5	x6
x1	1.00	0.68	0.66	0.24	0.26	0.11
x2	0.68	1.00	0.43	0.13	0.23	0.03
x3	0.66	0.43	1.00	0.24	0.24	0.11
x4	0.24	0.13	0.24	1.00	0.69	0.68
x5	0.26	0.23	0.24	0.69	1.00	0.42
x6	0.11	0.03	0.11	0.68	0.42	1.00

- correlazione max
- triade $(r_{AB} \times r_{AC}) / r_{BC}$
- la correlazione media
- il coefficiente R^2

In ogni caso la stima è solo iniziale. Il valore viene sostituito fino all'individuazione di un valore stabile.

MINIMUM RESIDUAL (MR)

In questo metodo i fattori vengono estratti in modo da minimizzare **la differenza al quadrato** tra gli elementi della matrice delle correlazioni osservate (\mathbf{R}_1) (gli elementi fuori dalla diagonale) e quelle riprodotte utilizzando i fattori estratti (\mathbf{R}'_1).

$$\min = \sum (R_1 - \hat{R}_1)^2 \quad \hat{R}_1 = AA'$$

Minimi quadrati ordinari (*Unweighted Least Squares*, ULS): tutte le variabili hanno lo stesso peso.

Minimi quadrati generalizzati (*Generalized Least Squares*, GLS): le variabili con una maggiore unicità pesano di meno.

La soluzione è simile alla **PAF**.

MAXIMUM LIKELIHOOD (ML)

Mediante la funzione di **massima verosimiglianza (ML)** si stimano quelle saturazioni che rendono massima la probabilità di osservare dalla popolazione la matrice campionaria \mathbf{R}_1 , vale a dire che minimizzano la quantità $\mathbf{R}_1 - \mathbf{R}'_1$.

Come nella procedura MR si considerano esclusivamente gli elementi fuori dalla diagonale. Quindi, non sono necessarie stime della **comunalità**, ma è necessario indicare il **numero di fattori**. La procedura segue un **processo iterativo** fino a quando la funzione di verosimiglianza non subisce minimizzazioni rilevanti.

L'assunto di base è che le variabili abbiano una **distribuzione normale multivariata** e che un modello che prevede **k-fattori** sia vero nella popolazione.

Se si applica il metodo **ML** o il metodo **GLS** è possibile avere un indice di *fit* (χ^2) per valutare l'**adeguatezza della soluzione fattoriale**.

NUMERO DI FATTORI

Il numero di fattori o componenti da estrarre è la decisione più importante da prendere nell'AFE. Diversi criteri sono stati proposti:

- **minimo autovalore** (*mineigen*), estrarre tutti i fattori che hanno un autovalore maggiore o uguale a 1;
- **grafico degli autovalori** (*scree test*), guardando il grafico degli autovalori si sceglie il numero di fattori corrispondente al fattore dopo il quale la curva diventa piatta;
- **analisi parallela** (*parallel analysis*), utilizzando procedure di simulazione si generano dati casuali e si estraggono i fattori, la regola prevede di scegliere solo quei fattori che hanno degli autovalori superiori a quelli casuali;
- **bontà dell'adattamento** (*goodness of fit*), ove possibile (es. ML & GLS) valutazione degli indici di *fit*.
- **percentuale di varianza spiegata**, valutazione della percentuale di varianza spiegata dal fattore, che dovrebbe non essere inferiore a un valore **minimo** (es. 10%, 5% o 1%), o dalla soluzione (es. 80%);
- **massima correlazione residua**, analizzare la matrice delle correlazioni residue, considerando adeguate soluzioni con valori inferiori a $|\cdot 10|$;
- **cross-validazione** (*cross-validation*), dividere il campione in due metà stimando il modello su un campione e verificandolo sull'altro (indice di *cross-validation* [CVI = 0]);
- **interpretabilità della soluzione**, verificare l'interpretabilità della soluzione mediante l'analisi delle saturazioni (struttura semplice).

INTERPRETAZIONE DEI FATTORI

In generale è possibile affermare che le variabili che presentano saturazioni superiori a $|\cdot 30|$ (9%) possono essere considerate dei **marker** del fattore. Vale a dire possono essere utilizzate per interpretare il significato del fattore. La variabile con la **saturazione più elevata** è quella più rilevante per il fattore considerato.

Tuttavia, per un'interpretazione univoca, è necessario che la stessa variabile non abbia saturazioni superiori a $|\cdot 30|$ su altri fattori o un rapporto tra le due più alte saturazioni superiore a 2 (**struttura semplice**). In caso contrario si dice che la variabile è **bifattoriale**.

Dal momento che l'esito di un'AFE non necessariamente porta a una soluzione facilmente interpretabile è utile applicare delle trasformazioni matematiche che consentano di giungere a una **struttura fattoriale semplice** che renda interpretabili in modo univoco i fattori. Tali procedure sono le **rotazioni fattoriali**.

ANALISI FATTORIALE

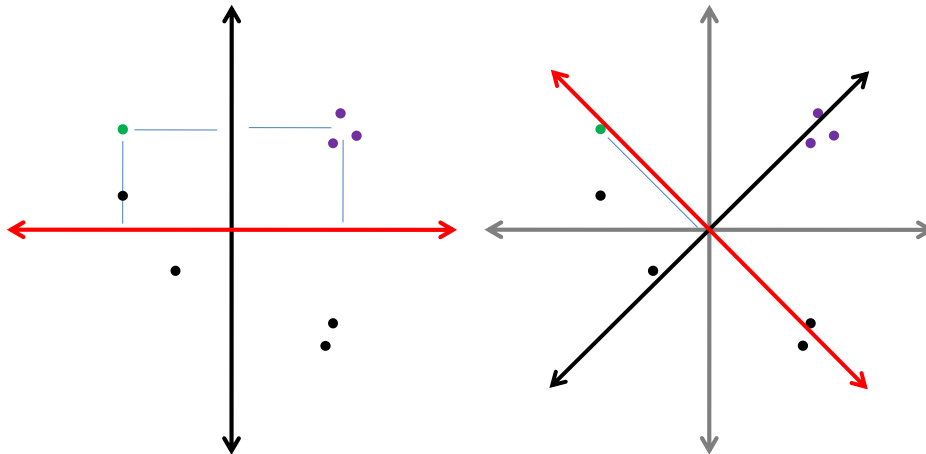
Thurstone (1947) ha introdotto il concetto di **struttura semplice** come obiettivo della **rotazione** per poter interpretare il significato dei fattori. Per questo ha proposto cinque criteri:

1. ogni riga della matrice ruotata dovrebbe contenere uno **0**;
2. in ogni fattore il numero minimo delle saturazioni **0** dovrebbe essere pari al **numero di fattori**;
3. per ogni coppia di fattori ci dovrebbero essere variabili con saturazioni **0 su un fattore** e significative sull'altro ($>.30$);
4. per ogni coppia di fattori un'ampia proporzione delle saturazioni dovrebbe essere **0**;
5. per ogni coppia di fattori ci dovrebbero essere solo **poche variabili** con saturazioni **significative** su entrambi i fattori ($>.30$).

ANALISI FATTORIALE

ITEM	F1	F2	ITEM	F1	F2
<i>X1</i>	.6	.5	<i>X1</i>	1	0
<i>X2</i>	.9	.4	<i>X2</i>	1	0
<i>X3</i>	.8	.7	<i>X3</i>	1	0
<i>Y1</i>	.3	.4	<i>Y1</i>	0	1
<i>Y2</i>	.6	.9	<i>Y2</i>	0	1
<i>Y3</i>	.5	.8	<i>Y3</i>	0	1

ROTAZIONE ORTOGONALE



ANALISI FATTORIALE

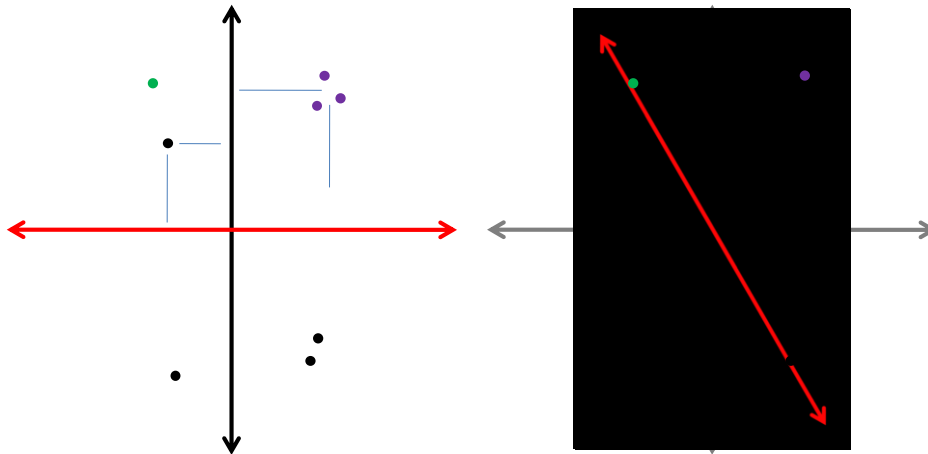
In alcuni casi la rotazione prescelta può essere di tipo obliquo, e i fattori risultanti risulteranno quindi correlati.

Ciò può essere opportuno qualora sia teoricamente giustificato attendersi una correlazione fra i costrutti indagati dalle variabili osservate.

Nella **rotazione obliqua** bisogna distinguere fra due tipi di matrici delle saturazioni:

1. **matrice di struttura**: che riporta le correlazioni fra variabili e fattori (non considerando le correlazioni tra le variabili osservate);
2. **matrice dei pattern** (configurazione o “matrice dei modelli”) che riporta la relazione specifica di ciascuna variabile con il fattore (coefficienti **parziali**).

ROTAZIONE OBLIQUA



ANALISI FATTORIALE

[assunti e prerequisiti]

- Presenza di **strutture rilevanti** nei dati (es. nella matrice R almeno alcune correlazioni $>|.30|$);
- test di **sfericità di Bartlett** significativo;
- test di **adeguatezza campionaria** di Kayser-Meyer-Olkin ($KMO > .60$);
- presenza di **variabili misurate su scala almeno a intervalli** (se Likert con almeno 5 livelli) e **distribuite normalmente** (Pearson), altrimenti andrebbero adottate tecniche sviluppate per scale non parametriche;
- **assenza di osservazioni outlier** o di **variabili non correlate** con le altre in analisi;
- adeguata **ampiezza del campione** ($ss > 300$);
- **adeguato** rapporto (**odds**) tra variabili e fattori latenti (> 3).

ANALISI FATTORIALE

[regole pratiche]

- **almeno 4 variabili** per definire il significato di un fattore;
- **almeno 100 ss**, ma se le comunaltà sono $< .40$ anche 400;
- adeguata **variabilità nel campione**;
- attenzione alla differenza tra ACP e AF, preferendo l'estrazione **ML** se possibile;
- usare **diversi metodi** per la scelta del n. di fattori;
- preferire la **rotazione obliqua** (*oblimin* o *promax*).
- usare l'AFC per la verifica di modelli teorici;

ACP

[Db & descrittive]

```
> library(psych)
> library(GPArotation)
> set.seed(10)
> x<-rnorm(200); y<-rnorm(200);
> x1<-x+rnorm(200); x2<-x+rnorm(200); x3<-x+rnorm(200);
> y1<-y+rnorm(200); y2<-y+rnorm(200); y3<-y+rnorm(200);
> prova<-as.data.frame(cbind(x, x1, x2, x3, y, y1, y2, y3))
> describe(prova)
  var   n mean  sd median trimmed  mad   min  max range  skew kurtosis  se
x     1 200 -0.12 0.95 -0.14 -0.10 1.14 -2.32 2.22  4.54 -0.08  -0.73 0.07
x1    2 200 -0.11 1.48 -0.14 -0.10 1.53 -3.50 4.06  7.57 -0.01  -0.20 0.10
x2    3 200 -0.20 1.47 -0.26 -0.21 1.63 -3.69 4.23  7.92  0.11  -0.24 0.10
x3    4 200  0.01 1.29  0.05  0.02 1.34 -3.23 4.31  7.54  0.01  -0.01 0.09
y     5 200  0.11 1.01  0.08  0.10 1.01 -2.44 2.64  5.08  0.09  -0.22 0.07
y1    6 200  0.06 1.41 -0.03  0.04 1.31 -3.55 4.54  8.09  0.11  -0.05 0.10
y2    7 200  0.13 1.51  0.10  0.14 1.74 -3.99 3.63  7.62 -0.05  -0.56 0.11
y3    8 200  0.19 1.43  0.11  0.18 1.51 -2.89 3.48  6.37  0.12  -0.48 0.10

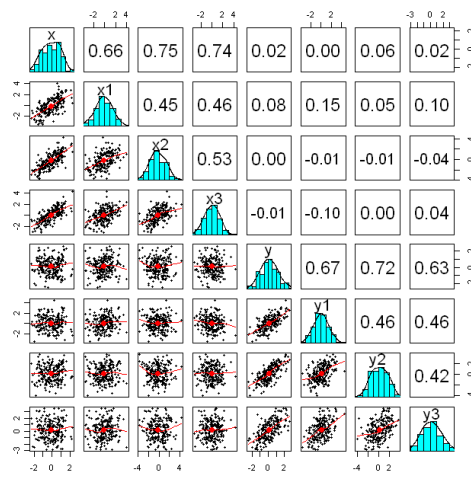
> paf.2<-paf(as.matrix(prova), eigcrit=1, convecrit=.001)
> paf.2$KMO
[1] 0.701
> bartlett.test(prova)

      Bartlett test of homogeneity of variances

data:  prova
Bartlett's K-squared = 80.757, df = 7, p-value = 9.656e-15
```

ACP [correlazioni]

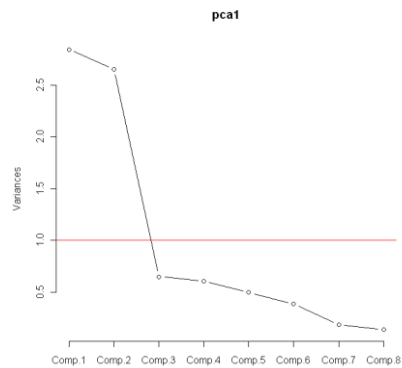
```
> corr.test(prova)
Call:corr.test(x = prova)
Correlation matrix
  x    x1  x2  x3    y    y1  y2  y3
x  1.00 0.66 0.75 0.74 0.02 0.00 0.06 0.02
x1 0.66 1.00 0.45 0.46 0.08 0.15 0.05 0.10
x2 0.75 0.45 1.00 0.53 0.00 -0.01 -0.01 -0.04
x3 0.74 0.46 0.53 1.00 -0.01 -0.10 0.00 0.04
y  0.02 0.08 0.00 -0.01 1.00 0.67 0.72 0.63
y1 0.00 0.15 -0.01 -0.10 0.67 1.00 0.46 0.46
y2 0.06 0.05 -0.01 0.00 0.72 0.46 1.00 0.42
y3 0.02 0.10 -0.04 0.04 0.63 0.46 0.42 1.00
Sample Size
  x    x1  x2  x3    y    y1  y2  y3
x  200 200 200 200 200 200 200 200
x1 200 200 200 200 200 200 200 200
x2 200 200 200 200 200 200 200 200
x3 200 200 200 200 200 200 200 200
y  200 200 200 200 200 200 200 200
y1 200 200 200 200 200 200 200 200
y2 200 200 200 200 200 200 200 200
y3 200 200 200 200 200 200 200 200
Probability value
  x    x1  x2  x3    y    y1  y2  y3
x  0.00 0.00 0.00 0.00 0.77 0.96 0.40 0.82
x1 0.00 0.00 0.00 0.00 0.23 0.03 0.46 0.16
x2 0.00 0.00 0.00 0.00 0.98 0.91 0.91 0.59
x3 0.00 0.00 0.00 0.00 0.87 0.14 0.95 0.53
y  0.77 0.23 0.98 0.87 0.00 0.00 0.00 0.00
y1 0.96 0.03 0.91 0.14 0.00 0.00 0.00 0.00
y2 0.40 0.46 0.91 0.95 0.00 0.00 0.00 0.00
y3 0.82 0.16 0.59 0.53 0.00 0.00 0.00 0.00
```



ACP [valutazione n. CP]

```
> pca1<-princomp(scale(prova))
> summary(pca1)
Importance of components:
  Comp.1  Comp.2  Comp.3  Comp.4  Comp.5  Comp.6  Comp.7  Comp.8
Standard deviation  1.686160 1.6282097 0.80655658 0.77888275 0.70581224 0.62111800 0.43233641 0.37112148
Proportion of Variance 0.357178 0.3330486 0.08172532 0.07621336 0.06258429 0.04846577 0.02348176 0.01730291
Cumulative Proportion 0.357178 0.6902266 0.77195192 0.84816528 0.91074956 0.95921534 0.98269709 1.00000000

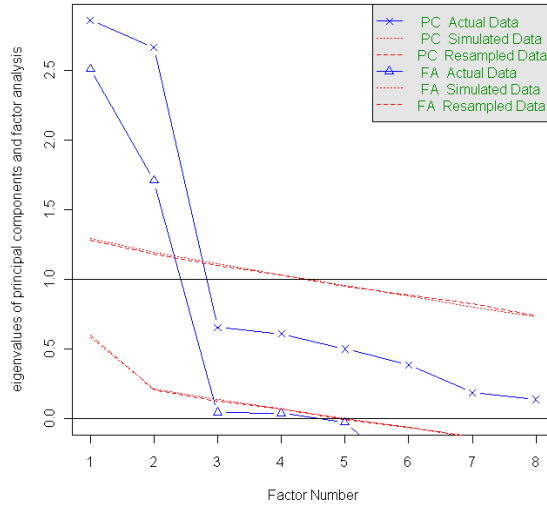
> pca1$sdev^2
  Comp.1  Comp.2  Comp.3  Comp.4  Comp.5  Comp.6  Comp.7  Comp.8
2.8431369 2.6510669 0.6505335 0.6066583 0.4981709 0.3857876 0.1869148 0.1377312
```



ACP

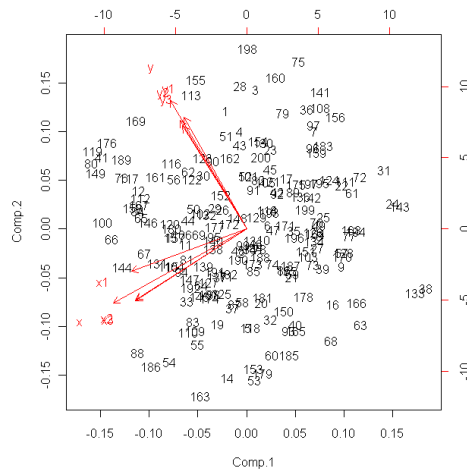
[analisi parallela]

Parallel Analysis Scree Plots



ACP

[grafico fattori e ss]



ACP

[saturazioni]

```
> loadings(pca1)
```

```
Loadings:
      Comp.1 Comp.2 Comp.3 Comp.4 Comp.5 Comp.6 Comp.7 Comp.8
x  -0.490 -0.283                0.237  0.786
x1 -0.424 -0.160  0.595          -0.540  0.273 -0.138 -0.234
x2 -0.409 -0.270 -0.110 -0.288  0.638  0.353          -0.360
x3 -0.408 -0.274 -0.345  0.339 -0.136 -0.623          -0.333
y  -0.280  0.490 -0.129                -0.780  0.222
y1 -0.229  0.426  0.492 -0.268  0.286 -0.524  0.304
y2 -0.245  0.414 -0.500 -0.364 -0.399  0.192  0.395 -0.183
y3 -0.235  0.393          0.768  0.205  0.317  0.238

      Comp.1 Comp.2 Comp.3 Comp.4 Comp.5 Comp.6 Comp.7 Comp.8
SS loadings  1.000  1.000  1.000  1.000  1.000  1.000  1.000  1.000
Proportion Var 0.125  0.125  0.125  0.125  0.125  0.125  0.125  0.125
Cumulative Var 0.125  0.250  0.375  0.500  0.625  0.750  0.875  1.000
```

Seconda Università di Napoli (SUN) - Facoltà di Psicologia - Dipartimento di Psicologia - Analisi dei dati II - Prof. V.P. Senese 41

ACP

[saturazioni ruotate "oblimin"]

```
> pca2 <- principal(prova, nfactors=2, rotate="oblimin", scores=TRUE)
> pca2 # print results
```

```
Principal Components Analysis
Call: principal(r = prova, nfactors = 2, rotate = "oblimin", scores = TRUE)
Standardized loadings based upon correlation matrix
```

	TC1	TC2	h2	u2
x	0.95	0.00	0.90	0.10
x1	0.75	0.12	0.58	0.42
x2	0.82	-0.05	0.67	0.33
x3	0.82	-0.05	0.68	0.32
y	0.00	0.93	0.86	0.14
y1	-0.02	0.80	0.63	0.37
y2	0.01	0.79	0.63	0.37
y3	0.01	0.75	0.57	0.43

```
SS loadings  2.81 2.71
Proportion Var 0.35 0.34
Cumulative Var 0.35 0.69
```

With factor correlations of

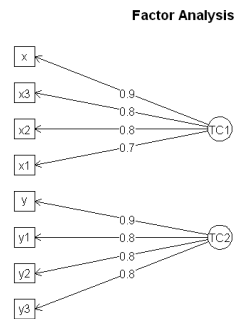
	TC1	TC2
TC1	1.00	0.02
TC2	0.02	1.00

Test of the hypothesis that 2 factors are sufficient.

The degrees of freedom for the null model are 28 and the objective function was 4.18
 The degrees of freedom for the model are 13 and the objective function was 0.49
 The number of observations was 200 with Chi Square = 94.83 with prob < 1.7e-14

Fit based upon off diagonal values = 0.96>

```
. 1
```



ACP

[matrice osservata e residui]

```
> round(cor(prova), 3)
      x    x1    x2    x3    y    y1    y2    y3
x  1.000 0.660 0.747 0.741 0.021 -0.003 0.060 0.016
x1 0.660 1.000 0.448 0.458 0.085 0.151 0.052 0.099
x2 0.747 0.448 1.000 0.528 0.002 -0.008 -0.008 -0.039
x3 0.741 0.458 0.528 1.000 -0.011 -0.105 0.005 0.044
y  0.021 0.085 0.002 -0.011 1.000 0.673 0.725 0.626
y1 -0.003 0.151 -0.008 -0.105 0.673 1.000 0.456 0.465
y2 0.060 0.052 -0.008 0.005 0.725 0.456 1.000 0.416
y3 0.016 0.099 -0.039 0.044 0.626 0.465 0.416 1.000
> round(pca2$residual, 3)
      x    x1    x2    x3    y    y1    y2    y3
x  0.100 -0.055 -0.028 -0.037 -0.003 -0.004 0.028 -0.017
x1 -0.055 0.418 -0.162 -0.153 -0.046 0.055 -0.068 -0.018
x2 -0.028 -0.162 0.329 -0.146 0.026 0.030 0.003 -0.031
x3 -0.037 -0.153 -0.146 0.324 0.019 -0.061 0.021 0.058
y  -0.003 -0.046 0.026 0.019 0.136 -0.066 -0.011 -0.075
y1 -0.004 0.055 0.030 -0.061 -0.066 0.367 -0.174 -0.135
y2 0.028 -0.068 0.003 0.021 -0.011 -0.174 0.373 -0.182
y3 -0.017 -0.018 -0.031 0.058 -0.075 -0.135 -0.182 0.431
```

Attendibilità

[alpha: α]

<pre>> alpha(prova[,1:4]) Reliability analysis Call: alpha(x = prova[, 1:4]) raw_alpha std.alpha G6(smc) average_r mean sd 0.83 0.86 0.85 0.6 -0.10 1.1 Reliability if an item is dropped: raw_alpha std.alpha G6(smc) average_r x 0.73 0.73 0.65 0.48 x1 0.83 0.86 0.83 0.67 x2 0.80 0.83 0.80 0.62 x3 0.79 0.83 0.81 0.62 Item statistics n r r.cor r.drop mean sd x 200 0.94 0.95 0.89 -0.116 0.95 x1 200 0.77 0.65 0.58 -0.106 1.48 x2 200 0.81 0.74 0.64 -0.196 1.47 x3 200 0.82 0.74 0.65 0.013 1.29</pre>	<pre>> alpha(prova[,5:8]) Reliability analysis Call: alpha(x = prova[, 5:8]) raw_alpha std.alpha G6(smc) average_r mean sd 0.82 0.84 0.82 0.56 0.12 1.1 Reliability if an item is dropped: raw_alpha std.alpha G6(smc) average_r y 0.71 0.71 0.62 0.45 y1 0.78 0.81 0.78 0.59 y2 0.79 0.81 0.76 0.59 y3 0.80 0.83 0.80 0.62 Item statistics n r r.cor r.drop mean sd y 200 0.92 0.93 0.85 0.114 1.0 y1 200 0.79 0.69 0.61 0.057 1.4 y2 200 0.79 0.72 0.60 0.129 1.5 y3 200 0.77 0.64 0.57 0.194 1.4</pre>
---	--

Regressione (lm) [punteggi fattoriali]

```
> prova$F1 <- pca2$scores[,1]
> prova$F2 <- pca2$scores[,2]
> attach(prova)
> summary(lm(y~1+F1))
```

Call:

```
lm(formula = y ~ 1 + F1)
```

Residuals:

	Min	1Q	Median	3Q	Max
	-2.55070	-0.67222	-0.03066	0.68007	2.53241

Coefficients:

	Estimate	Std. Error	t value	Pr(> t)
(Intercept)	0.113795	0.071513	1.591	0.113
F1	-0.001286	0.071670	-0.018	0.986

Residual standard error: 1.011 on 198 degrees of freedom

Multiple R-squared: 1.625e-06, Adjusted R-squared: -0.005049

F-statistic: 0.0003218 on 1 and 198 DF, p-value: 0.9857

AF

[estrazione “*paf*” & “*oblimin*”]

```
> fa(prova, nfactors=2, rotate="oblimin", fm="pa")
```

Factor Analysis using method = pa

Call: fa(r = prova, nfactors = 2, rotate = "oblimin", fm = "pa")

Standardized loadings based upon correlation matrix

	PA1	PA2	h2	u2
x	1.03	0.00	1.06	-0.0632
x1	0.63	0.11	0.41	0.5859
x2	0.72	-0.03	0.52	0.4776
x3	0.73	-0.04	0.53	0.4732
y	0.00	1.00	1.00	-0.0037
y1	-0.02	0.69	0.47	0.5267
y2	0.02	0.69	0.48	0.5207
y3	0.01	0.63	0.40	0.6009

	PA1	PA2
SS loadings	2.51	2.37
Proportion Var	0.31	0.30
Cumulative Var	0.31	0.61

With factor correlations of

	PA1	PA2
PA1	1.00	0.03
PA2	0.03	1.00

Tucker Lewis Index of factoring reliability = 0.966

RMSEA index = 0.071 and the 90 % confidence intervals are 0.07 0.076

BIC = -43.47

Fit based upon off diagonal values = 0.99

WARNING, the factor score fit indices suggest that the solution is degenerate. Try a different method of factor extraction.

AF

[estrazione “*minres*” & “*oblimin*”]

```
> > fa(prova, nfactors=2, rotate="oblimin", fm="minres")
Factor Analysis using method = minres
Call: fa(r = prova, nfactors = 2, rotate = "oblimin", fm = "minres")
Standardized loadings based upon correlation matrix
```

	MR1	MR2	h2	u2
x	1.00	0.00	1.00	0.005
x1	0.66	0.07	0.44	0.558
x2	0.75	-0.02	0.56	0.439
x3	0.74	-0.03	0.55	0.448
y	-0.01	0.99	0.98	0.015
y1	-0.02	0.68	0.46	0.540
y2	0.04	0.73	0.53	0.467
y3	0.00	0.63	0.40	0.603

```

                MR1  MR2
SS loadings    2.55 2.38
Proportion Var 0.32 0.30
Cumulative Var 0.32 0.62

With factor correlations of
  MR1  MR2
MR1 1.00 0.03
MR2 0.03 1.00
Tucker Lewis Index of factoring reliability = 0.963
RMSEA index = 0.074 and the 90 % confidence intervals are 0.073 0.079
BIC = -42.4
Fit based upon off diagonal values = 0.99
```

AF

[estrazione “*wls*” & “*oblimin*”]

```
> fa(prova, nfactors=2, rotate="oblimin", fm="wls")
Factor Analysis using method = wls
Call: fa(r = prova, nfactors = 2, rotate = "oblimin", fm = "wls")
Standardized loadings based upon correlation matrix
```

	WLS1	WLS2	h2	u2
x	1.01	0.00	1.01	-0.012
x1	0.64	0.11	0.43	0.573
x2	0.73	-0.04	0.54	0.463
x3	0.74	-0.04	0.54	0.459
y	0.00	0.99	0.99	0.014
y1	-0.02	0.69	0.47	0.526
y2	0.01	0.70	0.49	0.507
y3	0.01	0.63	0.40	0.597

```

                WLS1  WLS2
SS loadings    2.50 2.37
Proportion Var 0.31 0.30
Cumulative Var 0.31 0.61

With factor correlations of
  WLS1  WLS2
WLS1 1.00 0.03
WLS2 0.03 1.00
Tucker Lewis Index of factoring reliability = 0.961
RMSEA index = 0.076 and the 90 % confidence intervals are 0.075 0.081
BIC = -41.59
Fit based upon off diagonal values = 0.99
```

WARNING, the factor score fit indices suggest that the solution is degenerate. Try a different method of factor extraction.

AF

[estrazione "ml" & "oblimin"]

```
> fa(prova, nfactors=2, rotate="oblimin", fm="ml", scores=TRUE)
Factor Analysis using method = ml
Call: fa(r = prova, nfactors = 2, rotate = "oblimin", scores = TRUE,
      fm = "ml")
```

Standardized loadings based upon correlation matrix

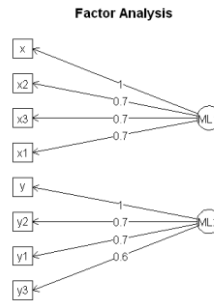
	ML1	ML2	h2	u2
x	1.00	0.00	1.00	0.005
x1	0.66	0.07	0.44	0.559
x2	0.75	-0.02	0.56	0.439
x3	0.74	-0.03	0.55	0.448
y	-0.01	1.00	1.00	0.005
y1	-0.02	0.67	0.46	0.545
y2	0.04	0.73	0.53	0.471
y3	0.00	0.63	0.39	0.607

	ML1	ML2
SS loadings	2.55	2.38
Proportion Var	0.32	0.30
Cumulative Var	0.32	0.62

With factor correlations of

	ML1	ML2
ML1	1.00	0.03
ML2	0.03	1.00

Tucker Lewis Index of factoring reliability = 0.964
 RMSEA index = 0.073 and the 90 % confidence intervals are 0.073 0.079
 BIC = -42.64
 Fit based upon off diagonal values = 0.99



AF

residui ["ml" & "oblimin"]

```
> round(ml.2$residual, 3)
      x      x1      x2      x3      y      y1      y2      y3
x  0.005  0.001  0.001  0.000  0.000  0.000  0.001  0.000
x1 0.001  0.559 -0.046 -0.030 -0.001  0.105 -0.039  0.043
x2 0.001 -0.046  0.439 -0.029  0.001  0.004 -0.042 -0.042
x3 0.000 -0.030 -0.029  0.448  0.000 -0.084 -0.019  0.049
y  0.000 -0.001  0.001  0.000  0.005  0.000  0.000  0.000
y1 0.000  0.105  0.004 -0.084  0.000  0.545 -0.033  0.042
y2 0.001 -0.039 -0.042 -0.019  0.000 -0.033  0.471 -0.040
y3 0.000  0.043 -0.042  0.049  0.000  0.042 -0.040  0.607
```


ESEMPIO ANALISI FATTORIALE

Multistudy Report



The HEXACO-Middle School Inventory (MSI)

A Personality Inventory for Children and Adolescents

Ida Sergi¹, Augusto Gnisci¹, Vincenzo P. Senese¹, and Marco Perugini²

¹Department of Psychology, University of Campania "Luigi Vanvitelli", Caserta, Italy

²Department of Psychology, University of Milan "Bicocca", Milano, Italy

European Journal of
Psychological Assessment
ISSN: 1015-5759, eISSN: 2151-2426



Abstract: We developed and validated a novel measure, the 6-factor personality HEXACO-Middle School Inventory (MSI). We started with a pool of 16 items for each of the six dimensions of the HEXACO. In Study 1, we administered the HEXACO-MSI to 1,089 Italian children and the Observer version to their parents. Using principal component analyses (PCA) and extension factor analysis (EFA), we selected the best eight items for each dimension. Confirmatory factor analysis (CFA) confirmed the 6-factor dimensionality and its invariance. Internal consistency of each dimension was adequate. Convergent and divergent validity were successfully established with a version of the scale filled by parents. Convergent validity was also established with the Big Five Questionnaire – Children (BFQ-Children) whereas divergent validity was less clear-cut. Conscientiousness, Honesty-Humility, and extraversion demonstrated predictive validity of school marks (criterion validity). In Study 2 ($N = 317$), we replicated dimensionality, internal consistency, and established test-retest reliability of each dimension in two measurements at a 1 month distance. The HEXACO-MSI showed a clear personality structure organized in six traits, and evidence of predictive validity of relevant school criteria particularly via Conscientiousness, Honesty-Humility, and extraversion.

Keywords: HEXACO-Middle School Inventory, Personality Inventory, children, validation

Sergi, I., Gnisci, A., Senese, V. P., & Perugini, M. (2019). The HEXACO-Middle School Inventory (MSI): A personality inventory for children and adolescents. *European Journal of Psychological Assessment*. doi:10.1027/1015-5759/a000538

ESEMPIO ANALISI FATTORIALE

ITEM HONESTY-HUMILITY

Hfair1	R	Ruberei se fossi sicuro di non essere scoperto (r)
Hfair6		Non ruberei mai qualcosa a un altro ragazzo
Hfair7	R	Vorrei trovare un modo per prendere le cose dai negozi senza pagare (r)
Hfair8	R	Imbroglgio se sono sicuro di non essere scoperto (r)
Hgree1	R	Da grande voglio fare un lavoro dove sono il capo di molte persone (r)
Hgree2		E' poco importante avere tanti soldi
Hgree3	R	Vorrei amici che hanno oggetti costosi e alla moda (telefonino, vestiti, giochi) (r)
Hgree7	R	Mi piace molto avere degli oggetti costosi e di marca (telefonino, vestiti, giochi) (r)
Hmode1	R	Gli altri dovrebbero fare quello che dico io (r)
Hmode2	R	Sono il migliore dei miei compagni (r)
Hmode6	R	Le persone con me si devono comportare meglio che con gli altri (r)
Hmode7	R	Alcuni dicono che mi do molte arie (r)
Hmode8	R	Vorrei far sapere agli altri che ho una famiglia ricca e importante (r)
Hsinc1	R	Se voglio avere qualcosa da qualcuno cerco di farmelo amico (r)
Hsinc4	R	Dico cose carine ai miei insegnanti per avere voti più alti (r)
Hsinc6		Non faccio finta di essere amico di uno che mi sta antipatico, anche se mi converrebbe

DESCRITTIVE DB

	vars	n	mean	sd	median	trimmed	mad	min	max	range	skew	kurtosis	se
Cod	1	400	200.50	115.61	200.5	200.50	148.26	1	400	399	0.00	-1.21	5.78
Male	2	400	0.49	0.50	0.0	0.48	0.00	0	1	1	0.05	-2.00	0.03
Age	3	400	12.34	0.92	12.0	12.32	1.48	10	16	6	0.08	-0.29	0.05
Hfair1	4	400	4.48	1.03	5.0	4.74	0.00	1	5	4	-2.10	3.60	0.05
Hfair6	5	400	1.77	1.30	1.0	1.49	0.00	1	5	4	1.46	0.70	0.06
Hfair7	6	400	3.94	1.41	5.0	4.18	0.00	1	5	4	-0.99	-0.49	0.07
Hfair8	7	400	3.74	1.43	4.0	3.92	1.48	1	5	4	-0.70	-0.90	0.07
Hgree1	8	400	3.02	1.50	3.0	3.02	1.48	1	5	4	0.01	-1.43	0.07
Hgree2	9	400	2.80	1.27	3.0	2.75	1.48	1	5	4	0.07	-0.89	0.06
Hgree3	10	400	4.12	1.16	5.0	4.32	0.00	1	5	4	-1.10	0.13	0.06
Hgree7	11	400	2.92	1.47	3.0	2.91	1.48	1	5	4	0.12	-1.31	0.07
Hmode1	12	400	4.11	1.17	5.0	4.33	0.00	1	5	4	-1.19	0.51	0.06
Hmode2	13	400	3.71	1.26	4.0	3.84	1.48	1	5	4	-0.55	-0.83	0.06
Hmode6	14	400	3.64	1.37	4.0	3.80	1.48	1	5	4	-0.68	-0.74	0.07
Hmode7	15	400	4.04	1.20	5.0	4.24	0.00	1	5	4	-1.04	0.02	0.06
Hmode8	16	400	4.22	1.16	5.0	4.47	0.00	1	5	4	-1.45	1.08	0.06
Hsinc1	17	400	3.79	1.29	4.0	3.97	1.48	1	5	4	-0.75	-0.54	0.06
Hsinc4	18	400	4.15	1.27	5.0	4.40	0.00	1	5	4	-1.32	0.49	0.06
Hsinc6	19	400	2.73	1.62	3.0	2.66	2.97	1	5	4	0.26	-1.54	0.08

DESCRITTIVE DB

```

> dim(db)
[1] 400 19

> table(db$Age)
10 11 12 13 14 15 16
 1 84 128 157 28 1 1

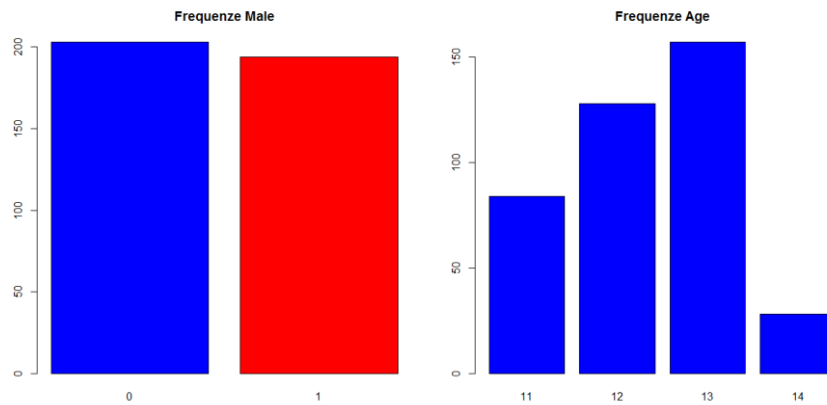
> table(db[db$Age>10 & db$Age<15,]$Age)
11 12 13 14
84 128 157 28

> dbH <- db[db$Age > 10 & db$Age < 15,]
> dim(dbH)
[1] 397 19

> names(dbH)
[1] "Cod" "Male" "Age" "Hfair1" "Hfair6" "Hfair7 "
[7] "Hfair8" "Hgree1" "Hgree2" "Hgree3" "Hgree7" "Hmode1"
[13] "Hmode2" "Hmode6" "Hmode7" "Hmode8" "Hsinc1" "Hsinc4 "
[19] "Hsinc6"

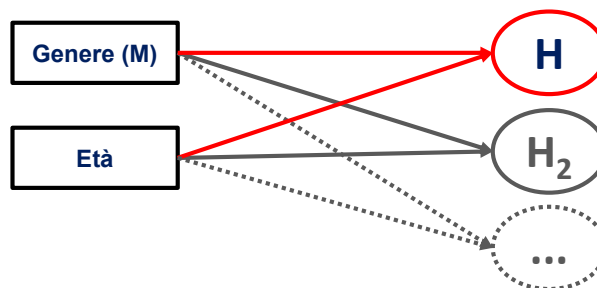
```

GRAFICI



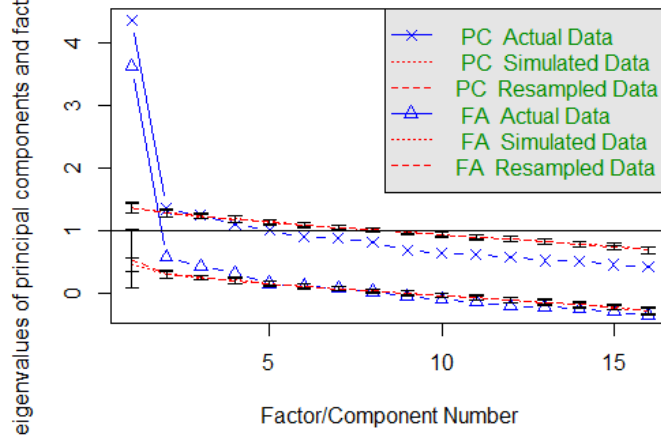
OBIETTIVI

1. Analizzare la dimensionalità della scala **H**.
2. Indagare se i punteggi sono influenzati dal **Genere** e dall'**Età**.



ANALISI PARALLELA #1

Parallel Analysis Scree Plots



```
> fa.parallel(dbH[,-(1:3)], quant=.99, error.bars = T)
Parallel analysis suggests that the number of factors = 4
and the number of components = 2
```

ANALISI FATTORIALE 1F

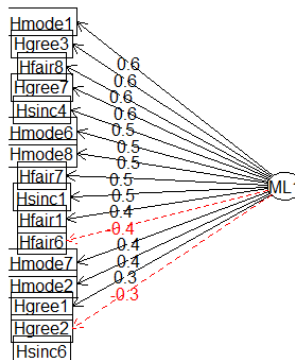
```
> ml.1 <- fa(dbH[,-(1:3)], nfactors=1, rotate="none", fm="ml")
> print(ml.1,sort=TRUE)
Factor Analysis using method = ml
Call: fa(r = dbH[, -(1:3)], nfactors = 1, rotate = "none", fm = "ml")
Standardized loadings (pattern matrix) based upon correlation matrix
```

	V	ML1	h2	u2	com
Hmode1	9	0.63	0.402	0.60	1
Hgree3	7	0.61	0.366	0.63	1
Hfair8	4	0.59	0.343	0.66	1
Hgree7	8	0.56	0.309	0.69	1
Hsinc4	15	0.53	0.277	0.72	1
Hmode6	11	0.52	0.271	0.73	1
Hmode8	13	0.51	0.257	0.74	1
Hfair7	3	0.50	0.255	0.75	1
Hsinc1	14	0.45	0.203	0.80	1
Hfair1	1	0.44	0.192	0.81	1
Hfair6	2	-0.43	0.182	0.82	1
Hmode7	12	0.40	0.163	0.84	1
Hmode2	10	0.39	0.151	0.85	1
Hgree1	5	0.35	0.122	0.88	1
Hgree2	6	-0.35	0.121	0.88	1
Hsinc6	16	-0.11	0.012	0.99	1

```

SS loadings 3.62
Proportion Var 0.23
```

Factor Analysis

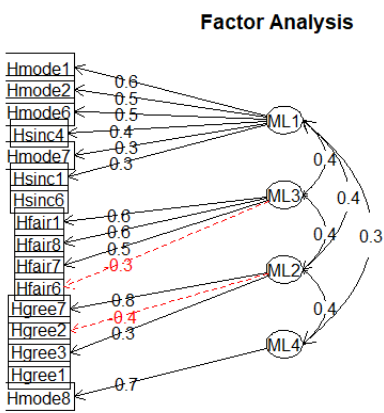


ANALISI FATTORIALE 4F

```
> ml.4 <- fa(dbH[,-(1:3)], nfactors=4, rotate="oblimin", fm="ml")
> print(ml.4, sort=TRUE)
Factor Analysis using method = ml
Call: fa(r = dbH[, -(1:3)], nfactors = 4, rotate = "oblimin",
      fm = "ml")
Standardized loadings (pattern matrix) based upon correlation matrix
  item  ML1  ML3  ML2  ML4  h2  u2 com
Hmode1  9  0.62 0.16 0.04 -0.04 0.503 0.50 1.2
Hmode2 10  0.54 -0.13 -0.03 0.11 0.282 0.72 1.2
Hmode6 11  0.47 -0.08 0.06 0.26 0.369 0.63 1.7
Hsinc4 15  0.42 0.19 0.04 0.01 0.304 0.70 1.4
Hmode7 12  0.32 0.01 0.05 0.17 0.187 0.81 1.6
Hsinc1 14  0.31 0.22 0.12 -0.12 0.237 0.76 2.5
Hsinc6 16 -0.07 -0.03 -0.02 -0.03 0.012 0.99 1.8
Hfair1  1  0.13 0.64 -0.02 -0.18 0.456 0.54 1.2
Hfair8  4 -0.06 0.64 0.06 0.27 0.577 0.42 1.4
Hfair7  3  0.04 0.52 0.12 0.03 0.366 0.63 1.1
Hfair6  2 -0.24 -0.31 0.13 -0.17 0.239 0.76 2.9
Hgree7  8 -0.01 -0.01 0.85 0.02 0.722 0.28 1.0
Hgree2  6  0.03 -0.16 -0.39 0.03 0.198 0.80 1.3
Hgree3  7  0.32 0.04 0.33 0.11 0.397 0.60 2.3
Hgree1  5  0.29 -0.06 0.30 -0.12 0.194 0.81 2.4
Hmode8 13  0.08 0.06 0.07 0.70 0.604 0.40 1.1

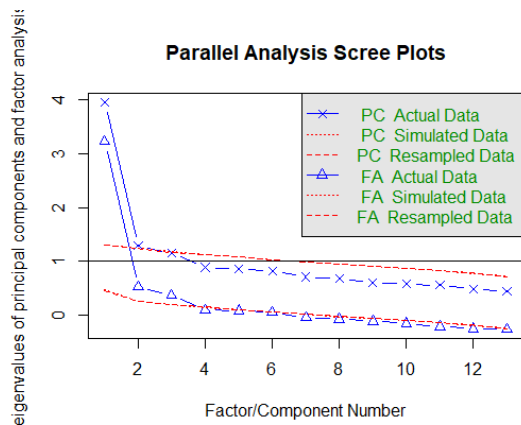
SS loadings      ML1 ML3 ML2 ML4
1.86 1.56 1.33 0.90
Proportion Var  0.12 0.10 0.08 0.06
Cumulative Var  0.12 0.21 0.30 0.35
Proportion Explained 0.33 0.28 0.23 0.16
Cumulative Proportion 0.33 0.61 0.84 1.00

With factor correlations of
  ML1 ML3 ML2 ML4
ML1 1.00 0.41 0.43 0.31
ML3 0.41 1.00 0.35 0.23
ML2 0.43 0.35 1.00 0.38
ML4 0.31 0.23 0.38 1.00
```



ANALISI PARALLELA #2

```
> dbH2 <- dbH[,-c(8,16,19)]
> names(dbH2)
> fa.parallel(dbH2[,-(1:3)])
Parallel analysis suggests that the number of factors = 3 and
the number of components = 2
```



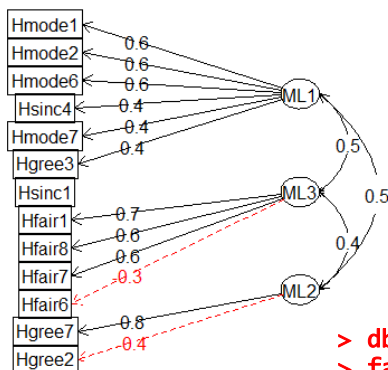
ESEMPIO ANALISI FATTORIALE

ITEM HONESTY-HUMILITY

Hfair1	R	Ruberei se fossi sicuro di non essere scoperto (r)
Hfair6		Non ruberei mai qualcosa a un altro ragazzo
Hfair7	R	Vorrei trovare un modo per prendere le cose dai negozi senza pagare (r)
Hfair8	R	Imbroglia se sono sicuro di non essere scoperto (r)
Hgree1	R	Da grande voglio fare un lavoro dove sono il capo di molte persone (r)
Hgree2		E' poco importante avere tanti soldi
Hgree3	R	Vorrei amici che hanno oggetti costosi e alla moda (telefonino, vestiti, giochi) (r)
Hgree7	R	Mi piace molto avere degli oggetti costosi e di marca (telefonino, vestiti, giochi) (r)
Hmode1	R	Gli altri dovrebbero fare quello che dico io (r)
Hmode2	R	Sono il migliore dei miei compagni (r)
Hmode6	R	Le persone con me si devono comportare meglio che con gli altri (r)
Hmode7	R	Alcuni dicono che mi do molte arie (r)
Hmode8	R	Vorrei far sapere agli altri che ho una famiglia ricca e importante (r)
Hsinc1	R	Se voglio avere qualcosa da qualcuno cerco di farmelo amico (r)
Hsinc4	R	Dico cose carine ai miei insegnanti per avere voti più alti (r)
Hsinc6		Non faccio finta di essere amico di uno che mi sta antipatico, anche se mi converrebbe

ANALISI PARALLELA #3

Factor Analysis



```
> dbH3 <- dbH2[,-c(15)]
> fa.parallel(dbH3[,-(1:3)])
```

Parallel analysis suggests that the number of factors = 3 and the number of components = 2

ESEMPIO ANALISI FATTORIALE

ITEM HONESTY-HUMILITY

Hfair1	R	Ruberei se fossi sicuro di non essere scoperto (r)
Hfair6		Non ruberei mai qualcosa a un altro ragazzo
Hfair7	R	Vorrei trovare un modo per prendere le cose dai negozi senza pagare (r)
Hfair8	R	Imbroglia se sono sicuro di non essere scoperto (r)
Hgree1	R	Da grande voglio fare un lavoro dove sono il capo di molte persone (r)
Hgree2		E' poco importante avere tanti soldi
Hgree3	R	Vorrei amici che hanno oggetti costosi e alla moda (telefonino, vestiti, giochi) (r)
Hgree7	R	Mi piace molto avere degli oggetti costosi e di marca (telefonino, vestiti, giochi) (r)
Hmode1	R	Gli altri dovrebbero fare quello che dico io (r)
Hmode2	R	Sono il migliore dei miei compagni (r)
Hmode6	R	Le persone con me si devono comportare meglio che con gli altri (r)
Hmode7	R	Alcuni dicono che mi do molte arie (r)
Hmode8	R	Vorrei far sapere agli altri che ho una famiglia ricca e importante (r)
Hsinc1	R	Se voglio avere qualcosa da qualcuno cerco di farmelo amico (r)
Hsinc4	R	Dico cose carine ai miei insegnanti per avere voti più alti (r)
Hsinc6		Non faccio finta di essere amico di uno che mi sta antipatico, anche se mi converrebbe

ANALISI FATTORIALE 3F

```
> ml.3b <- fa(dbH3[, -(1:3)], nfactors=3, rotate="oblimin", fm="ml", scores=TRUE)
> print(ml.3b, sort=TRUE)
```

```
Factor Analysis using method = ml
Call: fa(r = dbH3[, -(1:3)], nfactors = 3, rotate = "oblimin",
      scores = TRUE, fm = "ml")
```

Standardized loadings (pattern matrix) based upon correlation matrix

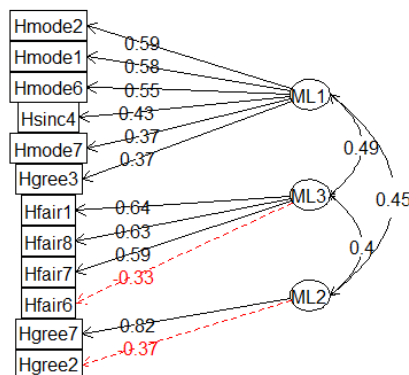
item	ML1	ML3	ML2	h2	u2	com
Hmode2	0.59	-0.11	-0.04	0.28	0.72	1.1
Hmode1	0.58	0.19	0.00	0.47	0.53	1.2
Hmode6	0.55	-0.07	0.12	0.34	0.66	1.1
Hsinc4	0.43	0.20	0.01	0.31	0.69	1.4
Hmode7	0.37	0.02	0.07	0.18	0.82	1.1
Hgree3	0.37	0.04	0.35	0.40	0.60	2.0
Hfair1	0.02	0.64	-0.08	0.39	0.61	1.0
Hfair8	0.01	0.63	0.11	0.47	0.53	1.1
Hfair7	-0.01	0.59	0.09	0.40	0.60	1.0
Hfair6	-0.27	-0.33	0.11	0.23	0.77	2.2
Hgree7	0.02	0.01	0.82	0.70	0.30	1.0
Hgree2	0.06	-0.18	-0.37	0.20	0.80	1.5

	ML1	ML3	ML2
SS loadings	1.70	1.55	1.12
Proportion Var	0.14	0.13	0.09
Cumulative Var	0.14	0.27	0.36
Proportion Explained	0.39	0.36	0.26
Cumulative Proportion	0.39	0.74	1.00

With factor correlations of

	ML1	ML3	ML2
ML1	1.00	0.49	0.45
ML3	0.49	1.00	0.40
ML2	0.45	0.40	1.00

Factor Analysis



PUNTEGGI FATTORIALI

```
> dbH3$moder <- m1.3b$scores[,1]
> dbH3$onesR <- m1.3b$scores[,2]
> dbH3$avidita <- m1.3b$scores[,3]
```

```
> corr.test(dbH3[, (16:18)])
Call:corr.test(x = dbH3[, (16:18)])
```

```
Correlation matrix
      moder onesR avidita
moder  1.00  0.65  0.59
onesR  0.65  1.00  0.53
avidita 0.59  0.53  1.00
```

```
Sample Size
[1] 397
```

```
Probability values (above diagonal adjusted)
```

```
      moder onesR avidita
moder    0     0     0
onesR    0     0     0
avidita  0     0     0
```

ATTENDIBILITÀ onesR

```
> alpha(dbH3[,c("Hmode1", "Hmode2", "Hmode6", "Hmode7", "Hsinc4", "Hgree3")])
```

```
Reliability analysis
```

```
Call: alpha(x=dbH3[,c("Hmode1", "Hmode2", "Hmode6", "Hmode7", "Hsinc4", "Hgree3")])
```

```
raw_alpha std.alpha G6(smc) average_r S/N ase mean sd median_r
0.71      0.71      0.69      0.29 2.5 0.022 4 0.79 0.28
```

```
Lower alpha upper      95% confidence boundaries
0.67 0.71 0.76
```

```
Reliability if an item is dropped:
```

```
raw_alpha std.alpha G6(smc) average_r S/N alpha se var.r med.r
Hmode1    0.64    0.64    0.60    0.26 1.8    0.028 0.0035 0.27
Hmode2    0.69    0.69    0.65    0.31 2.3    0.024 0.0051 0.29
Hmode6    0.67    0.67    0.62    0.29 2.0    0.027 0.0060 0.27
Hmode7    0.70    0.70    0.66    0.32 2.4    0.024 0.0038 0.31
Hsinc4    0.67    0.67    0.63    0.29 2.1    0.026 0.0060 0.28
Hgree3    0.67    0.67    0.63    0.29 2.1    0.026 0.0052 0.28
```


ATTENDIBILITÀ modeR

```
> alpha(dbH3[,c("Hfair1", "Hfair6", "Hfair7", "Hfair8")])
```

Reliability analysis

Call: alpha(x = dbH3[, c("Hfair1", "Hfair6", "Hfair7", "Hfair8")])

raw_alpha	std.alpha	G6(smc)	average_r	S/N	ase	mean	sd	median_r
0.21	0.22	0.35	0.066	0.28	0.061	3.5	0.71	0.074

Lower alpha upper 95% confidence boundaries
0.09 0.21 0.33

Reliability if an item is dropped:

	raw_alpha	std.alpha	G6(smc)	average_r	S/N	alpha	se	var.r	med.r
Hfair1	-0.11	-0.17	0.098	-0.052	-0.147	0.093	0.17785	-0.24	
Hfair6	0.67	0.68	0.581	0.409	2.078	0.028	0.00047	0.41	
Hfair7	-0.27	-0.21	0.066	-0.062	-0.175	0.111	0.16857	-0.25	
Hfair8	-0.14	-0.11	0.084	-0.033	-0.095	0.099	0.13268	-0.24	

MODELLO modeR

```
> M0 <- lm(modeR ~ 1 )
```

```
> M1 <- lm(modeR ~ 1 + Male + Age )
```

```
> anova(M0, M1 )
```

Analysis of Variance Table

Model 1: modeR ~ 1

Model 2: modeR ~ 1 + Male + Age

	Res.Df	RSS	Df	Sum of Sq	F	Pr(>F)
1	396	291.24				
2	394	260.05	2	31.181	23.621	2.048e-10 ***

Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

MODELLO **modeR**

```
> summary(M1)
```

```
Call:
```

```
lm(formula = modeR ~ 1 + Male + Age)
```

```
Residuals:
```

```
      Min       1Q   Median       3Q      Max
-2.8395 -0.4743  0.1684  0.6479  1.4776
```

```
Coefficients:
```

```
              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept)  1.02682    0.57036   1.800  0.0726 .
Male         -0.54937    0.08157  -6.735 5.83e-11 ***
Age          -0.06153    0.04606  -1.336  0.1824
```

```
---
```

```
Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
Residual standard error: 0.8124 on 394 degrees of freedom
```

```
Multiple R-squared:  0.1071,    Adjusted R-squared:  0.1025
```

```
F-statistic: 23.62 on 2 and 394 DF,  p-value: 2.048e-10400 19
```

DIFFERENZE DI GENERE

